

Exercice 2

Récurtivité

Étant donné un entier naturel N , la décomposition : $N = a_n b^n + a_{n-1} b^{n-1} + \dots + a_1 b^1 + a_0 b^0$ donne l'écriture en base b de N : $\overline{N}^b = \overline{a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0}^b$ avec $0 \leq a_i < b$

Exemple : On utilise une succession de divisions euclidienne pour déterminer les coefficients a_i

$$\begin{array}{r|l} 77 & 16 \\ 13 & 4 \end{array} \quad \text{et} \quad \begin{array}{r|l} 4 & 16 \\ & 0 \end{array} \quad \text{l'écriture en hexadécimal de 77 est donc 4D}$$

On rappelle que si $b > 10$:

les nombres 10,11, etc. sont représentés par les lettres de l'alphabet A, B, C...

Dans l'autre sens le nombre $\overline{1001101}^2 = 1 \times 2^6 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^0$ s'écrit 77 en décimal.

? QUESTION 1:

1. Quel est le plus grand entier que l'on peut représenter en binaire sur 1 octet?
2. Quel est en décimal le nombre représenté en hexadécimal par \overline{FF}^{16} ?

? QUESTION 2:

1. Que contient la variable r après exécution de ce code:

```
r = 77%16
```

2. Que contient la variable q après exécution de ce code:

```
q = 77//16
```

Voici une fonction qui est sensée donner l'écriture en base 10 d'un entier naturel écrit en base b

La liste signes permet d'accéder au symbole 'i' se trouvant à l'indice i

L'instruction signes.index("A") renvoie l'indice du symbole "A" soit 10.

```
signes=["0","1","2","3","4","5","6","7","8","9","A","B","C","D","E","F"]

def bTodec(mot,b):
    # b est un entier
    assert (b>1 and b<17) ,"b doit être compris entre 2 et 16"
    assert (type(mot) == str), "Le nombre n doit être une chaîne de caractères"
    resul = 0
    p = len(mot)
    for i in range(p):
        resul = resul + signes.index(mot[i])*b**(p-1-i)
    return resul
```

? QUESTION 3:

Recopier et compléter le programme Python ci-dessus sur votre copie en remplaçant les ??? par les bonnes instructions.

? QUESTION 4:

En remarquant par exemple que:

$\text{bTodec}('10011', 2) = 1 \times 2^4 + \text{bTodec}('0011', 2)$

L'objectif est d'écrire une version récursive de la fonction bTodec.

1. Quelle est la condition d'arrêt et que doit elle renvoyer?
2. Écrire en Python une version récursive de la fonction bTodec.

On pourra utiliser du slicing appliqué aux chaînes de caractères.

```
# slicing
mot = '110001100'
print(mot[1:])
print(mot[2:])
print(mot[3:])
```

Affichage des résultats :

```
10001100
0001100
001100
```

```
def bTodecr(mot, b):
    p=len(mot)
    if p<2:
        return signes.index(mot[0])
    else:
        return signes.index(mot[0])*b**(p-1) + bTodec(mot[1:], b)
```